

Errata zum Buch "Lineare Algebra", 2. Auflage.

Stand: 19. November 2020

Seite	Zeile	Falsch	Richtig
40	15 v.u.	$\langle a, x \rangle$	$-\langle a, x \rangle$
40	14 v.u.	$c$	$-c$
40	13 v.u.	$-c$	$+c$
40	8 v.u.	$\lambda  \det(a, b) $	$ \lambda \det(a, b) $
42	16 v.o.	$a$ auf $b$ abbildet	die Drehung über $\angle(a, b)$ ist
172	10 v.u.	Matrizen	$n \times n$ -Matrizen
184	14 v.o.	gegeben, so	gegeben ist, nach evtl. Ergänzung mit anderen $b_i$ aus $\text{Ker}(A^k)$ , $(b_1, \dots, b_s)$ eine Basis modulo $\text{Ker}(A^{k-1})$ . Es
186	9 v.o.	$(A - \lambda_i)^{m_1}$	$(A - \lambda_1 \cdot \text{Id})^{m_1}$
186	9 v.o.	$(A - \lambda_s)^{m_s}$	$(A - \lambda_s \cdot \text{Id})^{m_s}$
186	10 v.o.	$B_i := (A - \lambda_i)^{n_i}$	$B_i := A - \lambda_i \cdot \text{Id}$
186	10 v.o.	$(A - \lambda_i)^{m_i}$	$(A - \lambda_i \cdot \text{Id})^{m_i}$
200	8 v.u.	$c_{ik}$	$(c_{ik})$
201	1.v.o.	Zeigen Sie: Sei $V$ ein	Sei $V$ ein endlich dimensionaler
208	10 v.o.	Sei	Nach Normierung gilt $\ b_1\  = 1$ . Sei
209	8 v.u.	$\mathbb{R}^n$	$\mathbb{R}^4$
209	5 v.u.	$(2, 1, 0, -2)$	$(2, 4, -1, 2)$
210	9 v.u.	$x^T \cdot A \cdot y$	$x^T \cdot A \cdot \bar{y}$
242	10 v.u.	$\bigcap_{N \triangleleft G} R \subset N$	$\bigcap_{N \triangleleft F(A)} R \subset N$
248	9 v.o.	4.	4. Sei $P$ eine $p$ -Sylowgruppe von $G$ .
250	7 v.o.	$b^i$ , also $ba = a^i b$	$b^i$
263	8 v.o.	modulo $l$	modulo $I$
274	8 v.u.	$y^6 y^5$	$y^6 + y^5$
276	5 v.o.	$a_s f$	$a_s f_s$

276	6 v.u.	$t$	$s$
276	11 v.u.	$j$ teilt $\text{LM}(f_j)$ , nicht $\text{LM}(f_i)$	$j \neq i$ teilt $\text{LM}(f_j)$ kein Monom von $f_i$ .
278	13,14 v.u.	$m(f_i, f_j)$	$m(f_j, f_i)$
284	10 v.o.	Letzter Satz fehlt.	Dann hat $M_g(t)$ die verschiedene Nullstellen $g(p_i)$ für $i = 1, \dots, s$ , deshalb gilt $\deg(M_g(t)) = s$ .
284	12 v.o.	$K[x_1, \dots, x_n]$	$K[t]$
288	14 v.o.	$a_1g_1 + \dots + a_tg_t$	$a_1f_1 + \dots + a_sf_s$
290	7 v.u.	$f \in$	$g \in$
306	17 v.u.	$(cg)^*$	$(c\bar{g})^*$
307	6 v.o.	Warum ist	Ist
330	9 v.u.	Beweis von $1 \notin I_f$ fehlt.	Siehe Ende der Errataliste.
304	6 v.o.	Elementen.	Elementen und schreibe $K = \mathbb{F}_p$ .
305	18 v.o.	ist.	ist?
310	3 v. o.	9.7	9.6
310	17 v.u.	$f$ und $m^2$	$f \cdot m + m^2$
310	16 v.u.	$r_s f_s$	$r_s$
310	15 v.u.	mod $f$ .	mod $f \cdot m + m^2$
310	10 v.u.	$a_i$	$t_i$
314	9 v.o	$y_1, \dots, y_u$	$x_1, \dots, x_s$
314	10 v.o.	$y^{\beta_i}$	$\beta_i$
314	17 v.o	$\sqrt{I : J_1}$	$\sqrt{J : J_1}$
314	11.v.u.	$f_s$	$f_d$

Im Beweis von Satz 10.5 Nr 3 einfügen nach 8 v.u. "eindimensional":

Wir zeigen, dass  $1 \notin I_f$ . Sei  $f_1(x) = f(x)$  und wir definieren rekursiv  $f_{i+1}(x)$  durch

$$f_i(x) = (x - x_i)f_{i+1}(x) + f_i(x_i)$$

für  $i = 2, \dots, n$ . Hier ist  $f_{i+1}(x) \in K[x_1, \dots, x_i][x]$  normiert vom Grad  $n - i + 1$  in  $x$ . Insbesondere ist  $f_{n+1} = 1$ . Bez.  $>_{lex}$  mit  $x_1 < \dots < x_n$  gilt  $\text{LM}(f_i(x_i)) = x_i^{n-i+1}$ . Nach dem Produkt-Kriterium ist  $(f_1(x_1), f_2(x_2), \dots, f_n(x_n))$  eine Gröbner Basis und  $1 \notin \langle f_1(x_1), \dots, f_n(x_n) \rangle$ . Weil

$$f(x) = (x - x_1) \cdot \dots \cdot (x - x_n) \text{ mod } \langle f_1(x_1), \dots, f_n(x_n) \rangle$$

folgt, dass  $I_f \subset \langle f_1(x_1), \dots, f_n(x_n) \rangle \neq K[x_1, \dots, x_n]$  und  $1 \notin I_f$ .